Verlässliche Echtzeitsysteme

Übungen zur Vorlesung

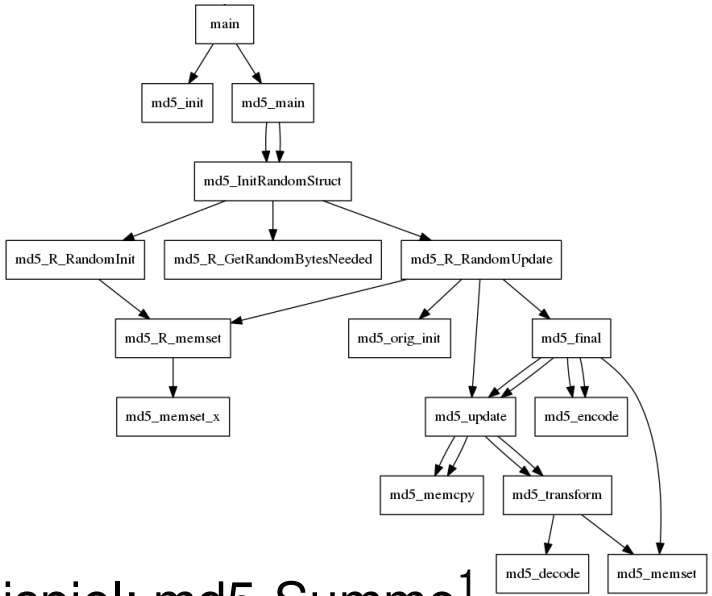
Statische Stackbedarfsanalyse

Phillip Raffeck, Florian Schmaus, Simon Schuster

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg
Lehrstuhl Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme)
https://www4.cs.fau.de

Sommersemester 2020

Statische Stackbedarfsanalyse




```
1   /* Objective function */
2   max: +16 md5_orig_init +64 md5_update \
3         +64 md5_final +16 md5_memset \
4         +208 md5_transform +16 md5_encode ...;
5
6
7   /* Constraints */
8   +main = 1;
9   +md5_init +md5_main <= +main;
10  ...
```

- Beispiel: md5-Summe[1]
- Vorgehen

1. Callgraph bestimmen
2. Stackbedarf einzelner Funktionen (`gcc -fstack-usage`)
3. ILP[2] aufstellen (Nebenbedingungen aus 1., Kosten aus 2. verwenden)
4. ILP z.B. mittels `lp_solve` $\rightsquigarrow$ **maximaler Stackbedarf**

[1] `https://github.com/tacle/tacle-bench/`

[2] Integer Linear Program (dt. ganzzahliges lineares Programm)

Optimierungsziel

- Jeder Stapelrahmen einer Funktion *f* hat eine Größe *size*
- Jede Funktion kann auf einem Pfad ein- oder mehrfach (Rekursion), insgesamt *n*-fach auf dem Stapel vorkommen
- Gesucht: Fluss durch den Aufrufgraphen, welcher Stapelbedarf maximiert
- Dabei müssen **Flussbedingungen** eingehalten werden
  - Aufruferbeziehung
  - Alternativen
  - ...

Optimierungsziel

$$max \sum_{\text{Funktion } f} size_f \cdot n_f$$

In `lp_solve` -Syntax:

```
max: +64 n_f1 +48 n_f2 +42 n_f3;
```

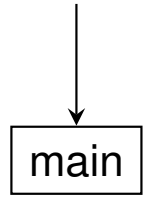
Flussbedingung: Initialer Aufruf

Semantik

Der initiale Aufruf erfolgt maximal (wahlweise auch genau) ein mal

Formalisierung

$$n_{\texttt{main}} \leq 1$$



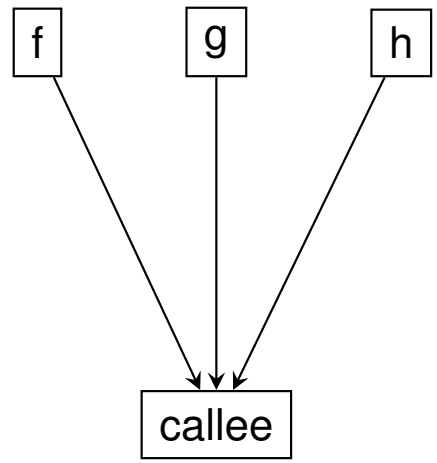
`lp_solve` -Syntax

```
n_main  <=  1;
```

Flussbedingung: Mehrere Vorgänger

Semantik

Jede Funktion kann nur so oft ausgeführt werden, wie sie von den Vorgängern aus aufgerufen wird



Formalisierung

Sei $f_{a \to b}$ die Anzahl der Aufrufe von b durch a:

$$n_{callee} \leq \sum_{p \in \text{Aufrufer(callee)}} f_{p \to callee}$$

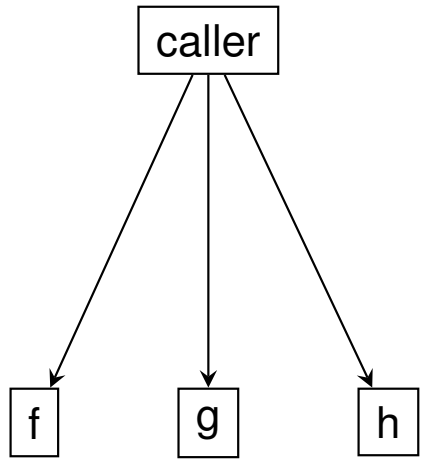
`lp_solve` -Syntax

```
n_caller  <= + f_f_callee  + f_g_callee  + f_h_callee ;
```

Flussbedingung: Immer nur ein Nachfolger pro Funktion

Semantik

Jede Funktionsinkarnation ruft gleichzeitig jeweils maximal eine weitere Funktion auf



Formalisierung

Sei $f_{a \to b}$ die Anzahl der Aufrufe von b durch a:

$$\sum_{c \in \text{Aufgerufene(caller)}} f_{caller \to c} \leq n_{\text{caller}}$$

`lp_solve` -Syntax

```
+ f_caller_f  + f_caller_g  + f_caller_h  <=  n_caller ;
```

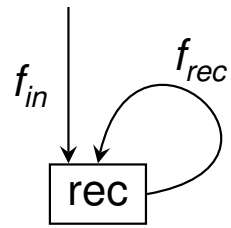
Flussbedingung: Rekursion

Semantik

Rekursive Funktionen können pro Aufruf von außen bis zu ihrer maximalen Rekursionstiefe (d) oft ausgeführt werden.

Formalisierung

$$f_{rec} \leq d_{rec} \cdot f_{in}$$
$$n_{rec} \leq f_{in} + f_{rec}$$



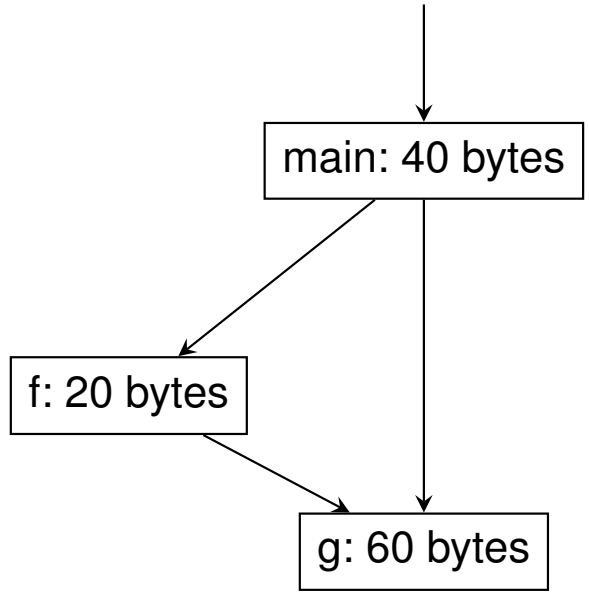
`lp_solve` -Syntax

```
f_rec  <=  +42  f_in ;
n_rec  <=  f_in  +  f_rec ;
```

Beispiel

- Problemformulierung in lpsolve:

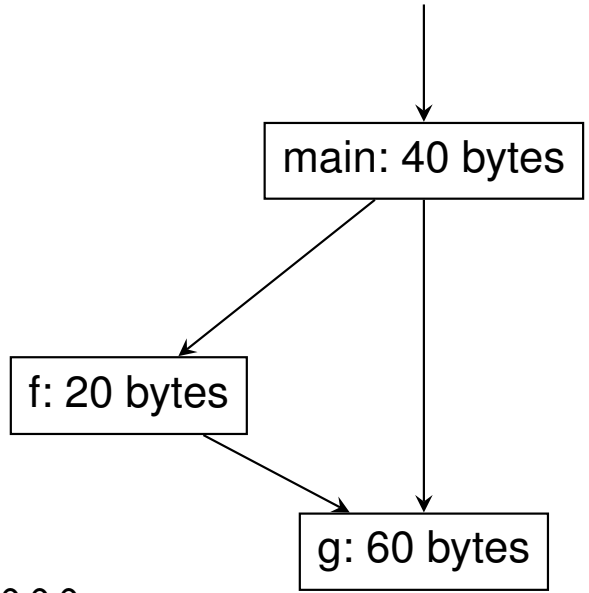
```
max: +40 n_main +20 n_f +60 n_g;

n_main <= 1;
+f_main_f +f_main_g <= n_main;
n_f <= +f_main_f;
+f_f_g <= n_f;
n_g <= +f_f_g +f_main_g;
```



Beispiel

- Problemformulierung in lpsolve:

```
max: +40 n_main +20 n_f +60 n_g;

n_main <= 1;
+f_main_f +f_main_g <= n_main;
n_f <= +f_main_f;
+f_f_g <= n_f;
n_g <= +f_f_g +f_main_g;
```



- Ausgabe von `lp_solve` :

```
Value of objective function: 120.00000000

Actual values of the variables:
n_main                         1
n_f                            1
n_g                            1
f_main_f                       1
f_main_g                       0
f_f_g                          1
```

LP-Solve Fallstricke: Infeasible model

```
$ lp_solve infeasible.lp
This problem is infeasible
```

Infeasible Models

Logischer Widerspruch in Nebenbedingungen

Leider bietet `lp_solve` selbst direkt keine Hilfestellung zur Lokalisation. Die Entwickler empfehlen das Einführen von “slack”-Variablen:[3]

```
max: x + y;
x + 1 <= x;
y > y + 1;
x <= 20;
y <= 20;
```

```
max: x + y
     -1000 e_1
     -1000 e_2;
x + 1 - e_1 <= x;
y + e_2 > y + 1;
x <= 20;
y <= 20;
```

```
x:    20
y:    20
e_1:   1
e_2:   1
```

[3] http://lpsolve.sourceforge.net/5.5/Infeasible.htm

LP-Solve Fallstricke: Unbounded model

```
$ lp_solve unbounded.lp
This problem is unbounded
```

Unbounded Models

Eine oder mehrere der Variablen sind nach oben unbeschränkt

Durch künstliche Beschränkung aller Variablen im System (auf einen sehr großen Wert) lassen sich unbeschränkte Variablen detektieren:

```
max: x + y + z;
z <= y + 1;
y <= 20;
```

```
max: x + y + z;
z <= y + 1;
y <= 20;
x <= 5000;
y <= 5000;
z <= 5000;
```

```
x:  5000
y:    20
z:    21
```

LP-Solve Fallstricke: Syntax

- `lp_solve` ist auf die Lösung linearer Gleichungssysteme ausgelegt
- Es ist dementsprechend nicht möglich, zwei Variablen zu multiplizieren
  - `a * b` ⇒ Syntaxfehler
  - `max: a b` ⇒ optimiert $a + b$
- Lösung in VEZS für Konstanten (Stapelrahmengrößen): C-Präprozessor:

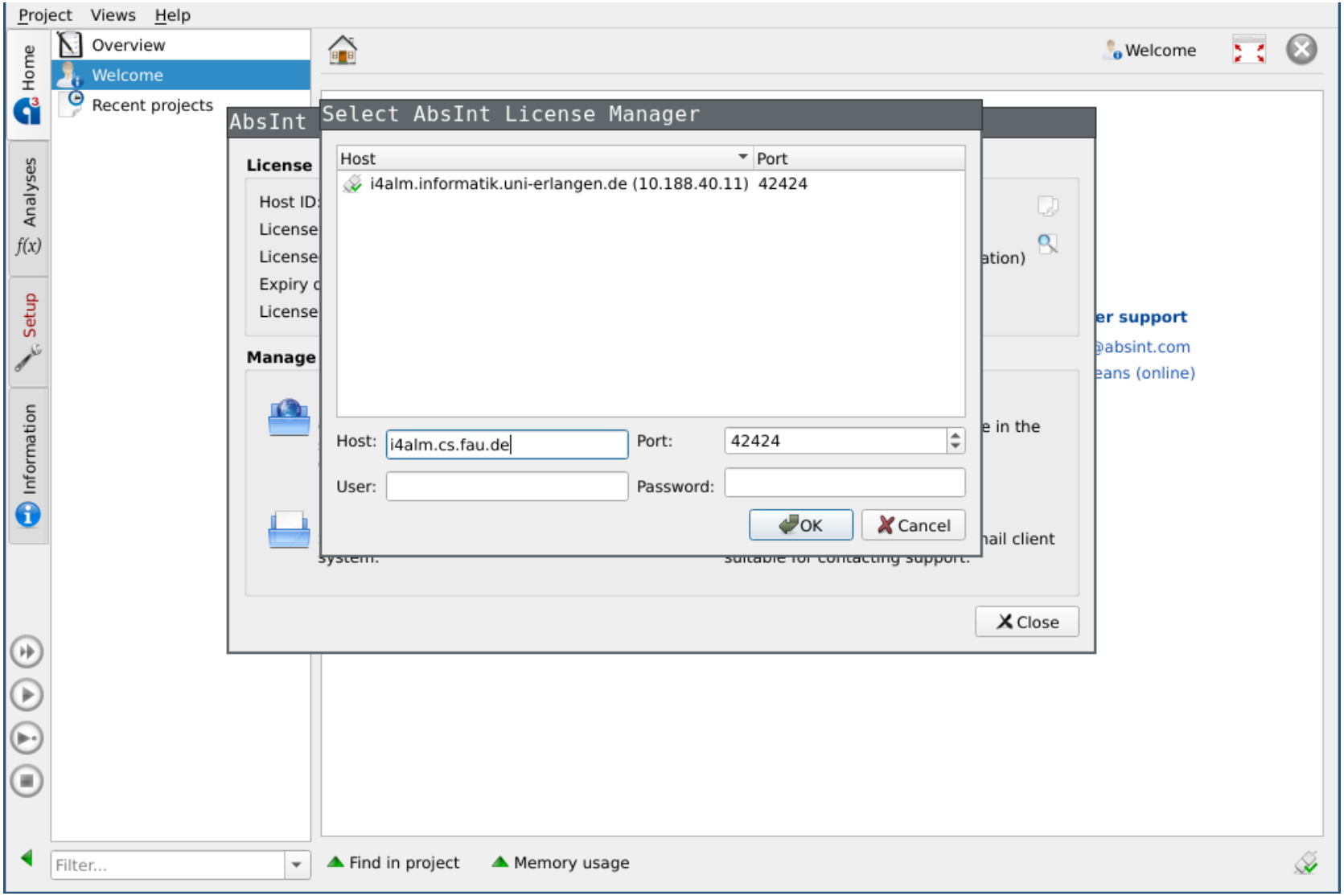
```
#define s_main 40
#define s_f    20
#define s_g    60

max: +s_main n_main +s_f n_f +s_g n_g;
```

↝ `stackusage / lp_solvepp`

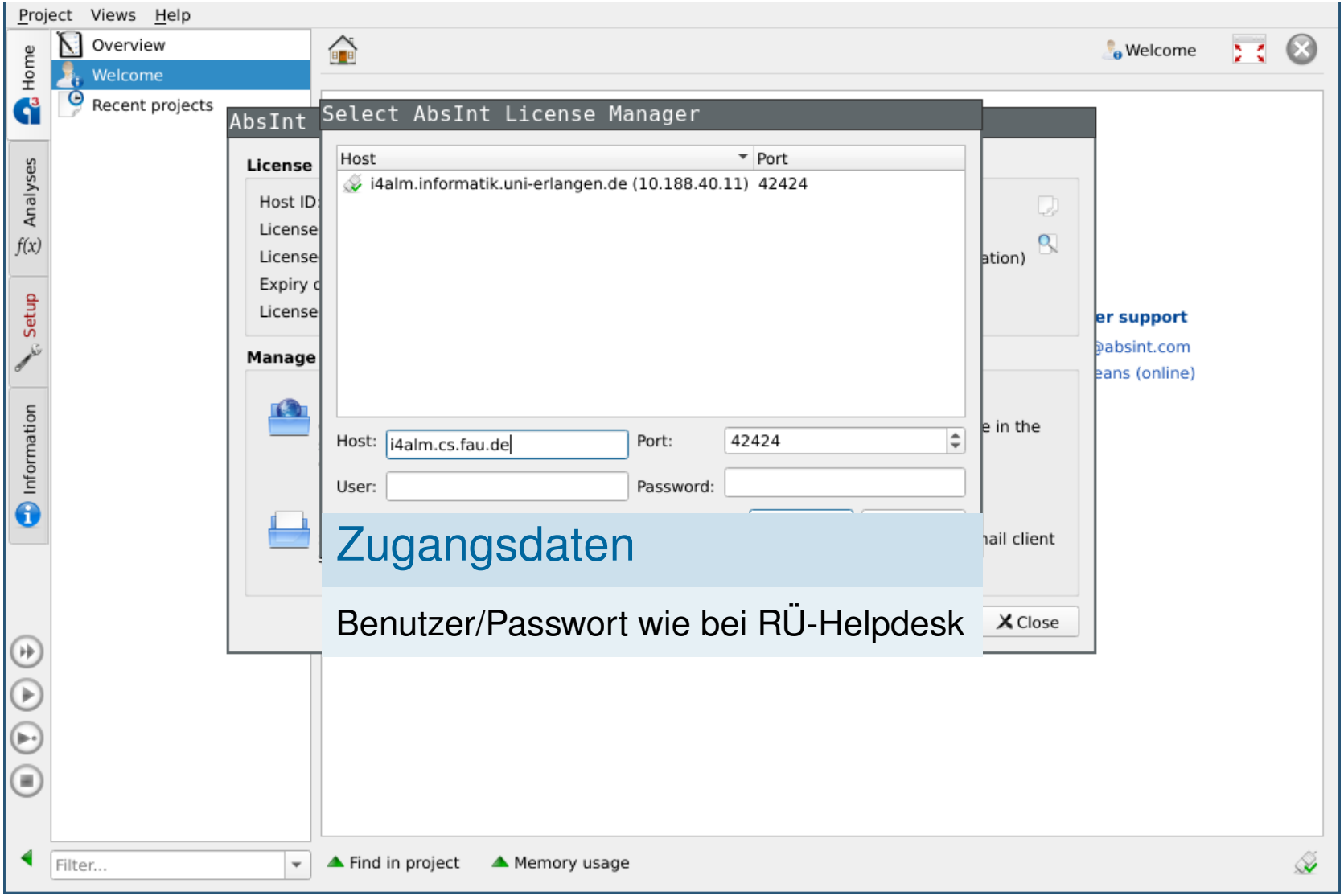
Statische Stackbedarfsanalyse

- Statische Code-Analyse mit a^3 Tool-Suite
  1. aiT: WCET-Analyse
  2. Stack-Analyzer: Stackbedarf
  3. ...
- Installiert im CIP-Pool
- `/proj/i4ezs/tools/a3_x86/bin/a3x86`

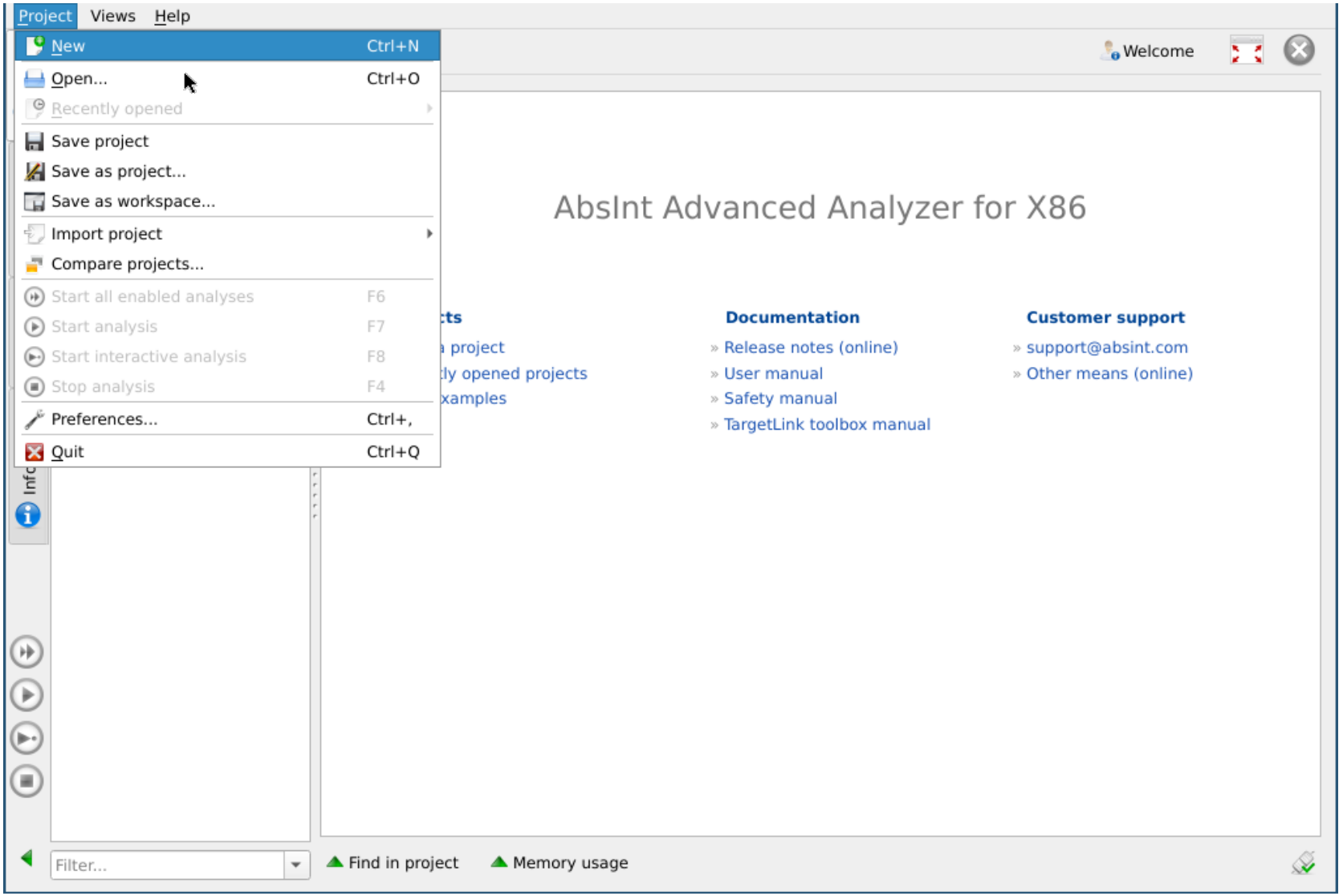
a³ Analyzer – Lizenzserver



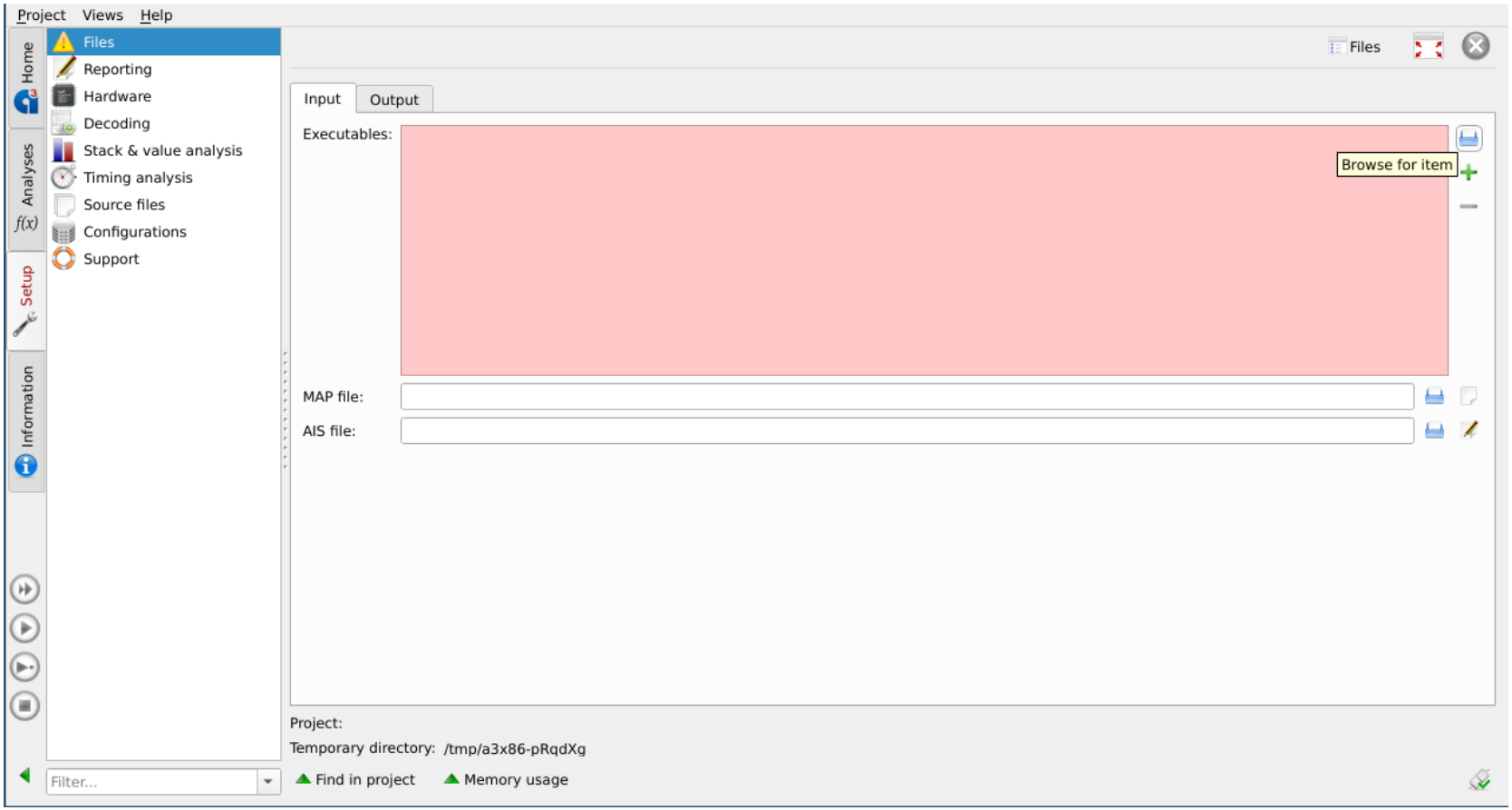
a³ Analyzer – Lizenzserver



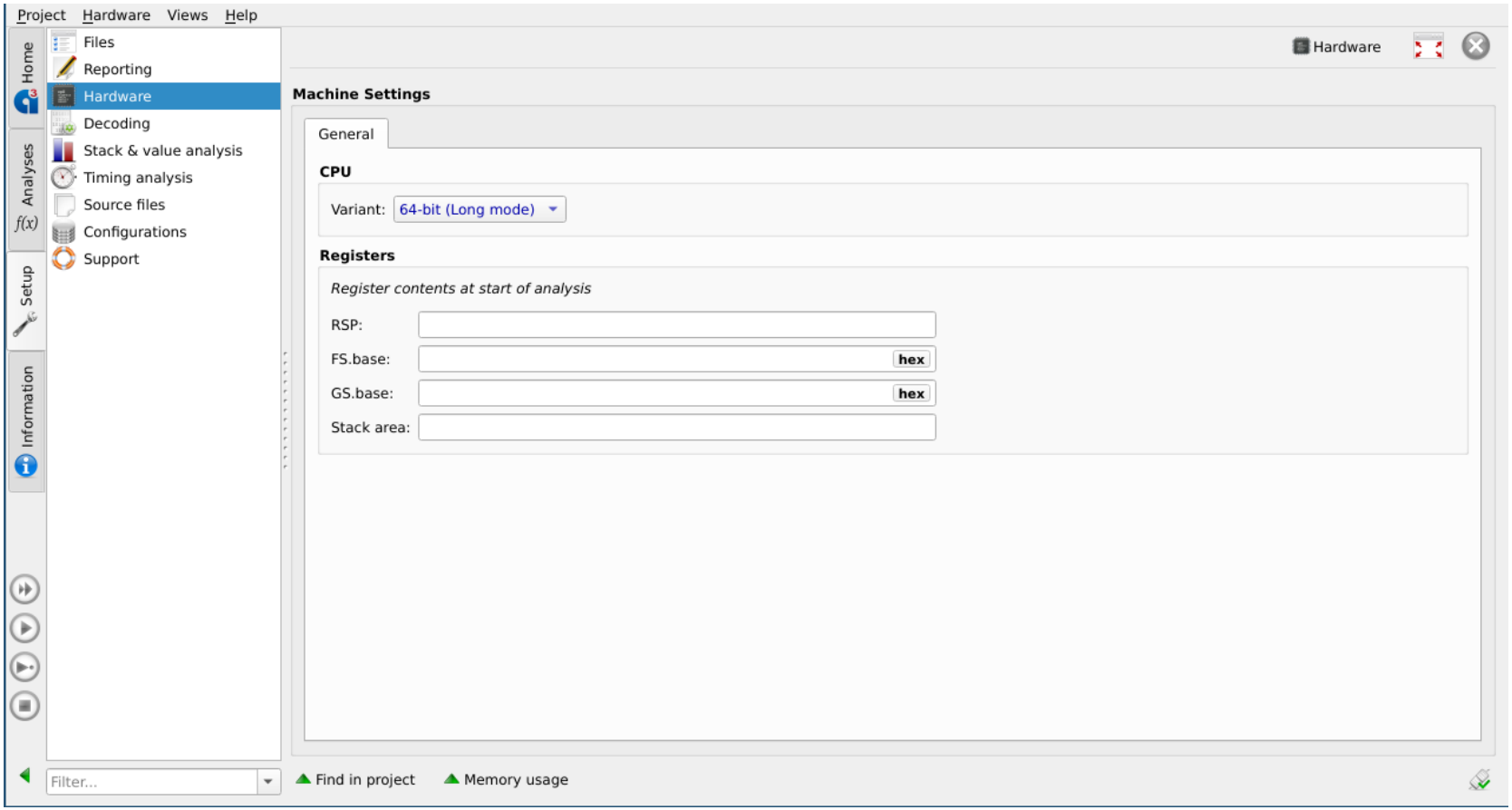
a^3 Analyzer – Neues Projekt Anlegen



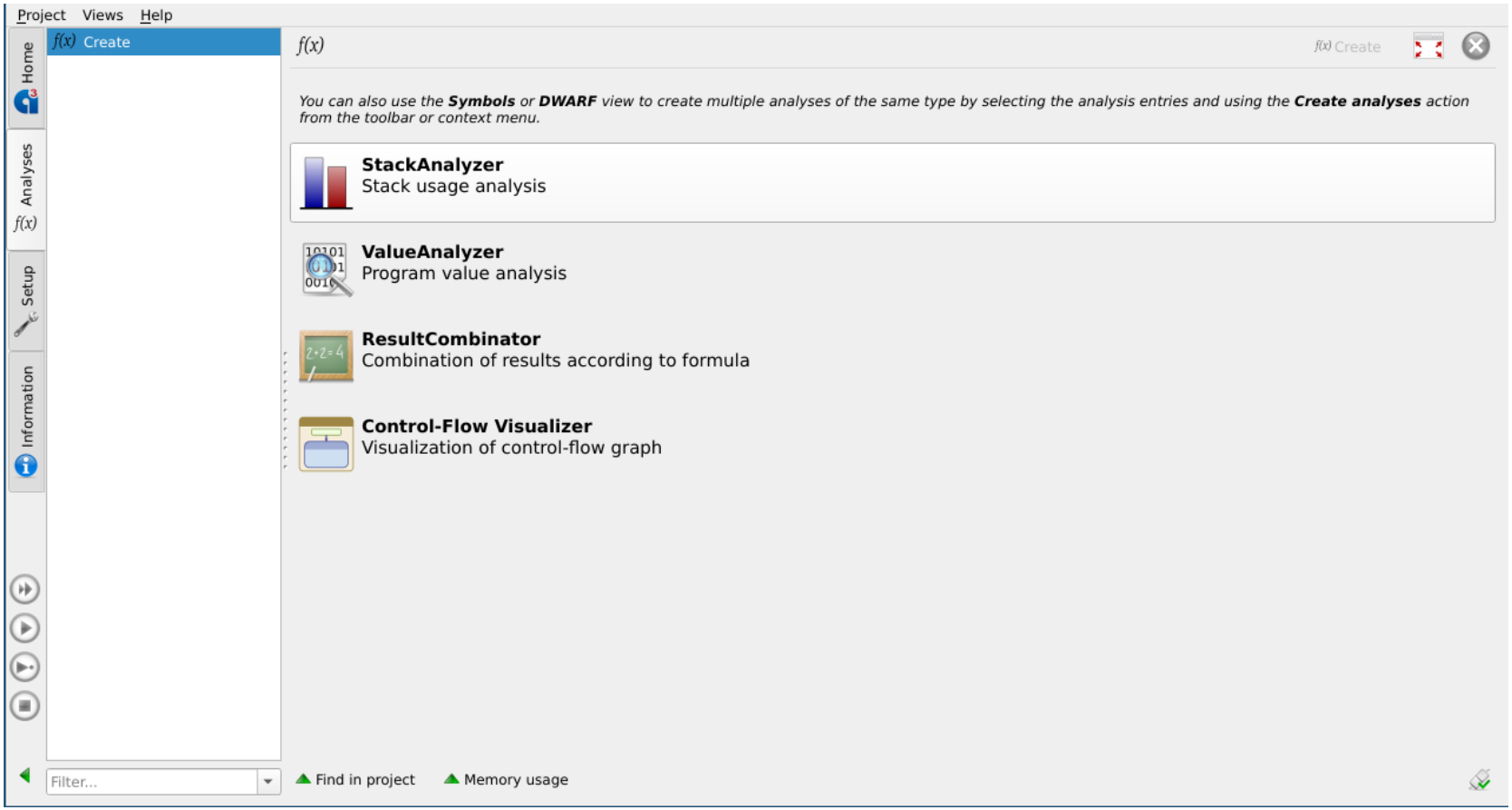
a^3 Analyzer – Executable Angeben



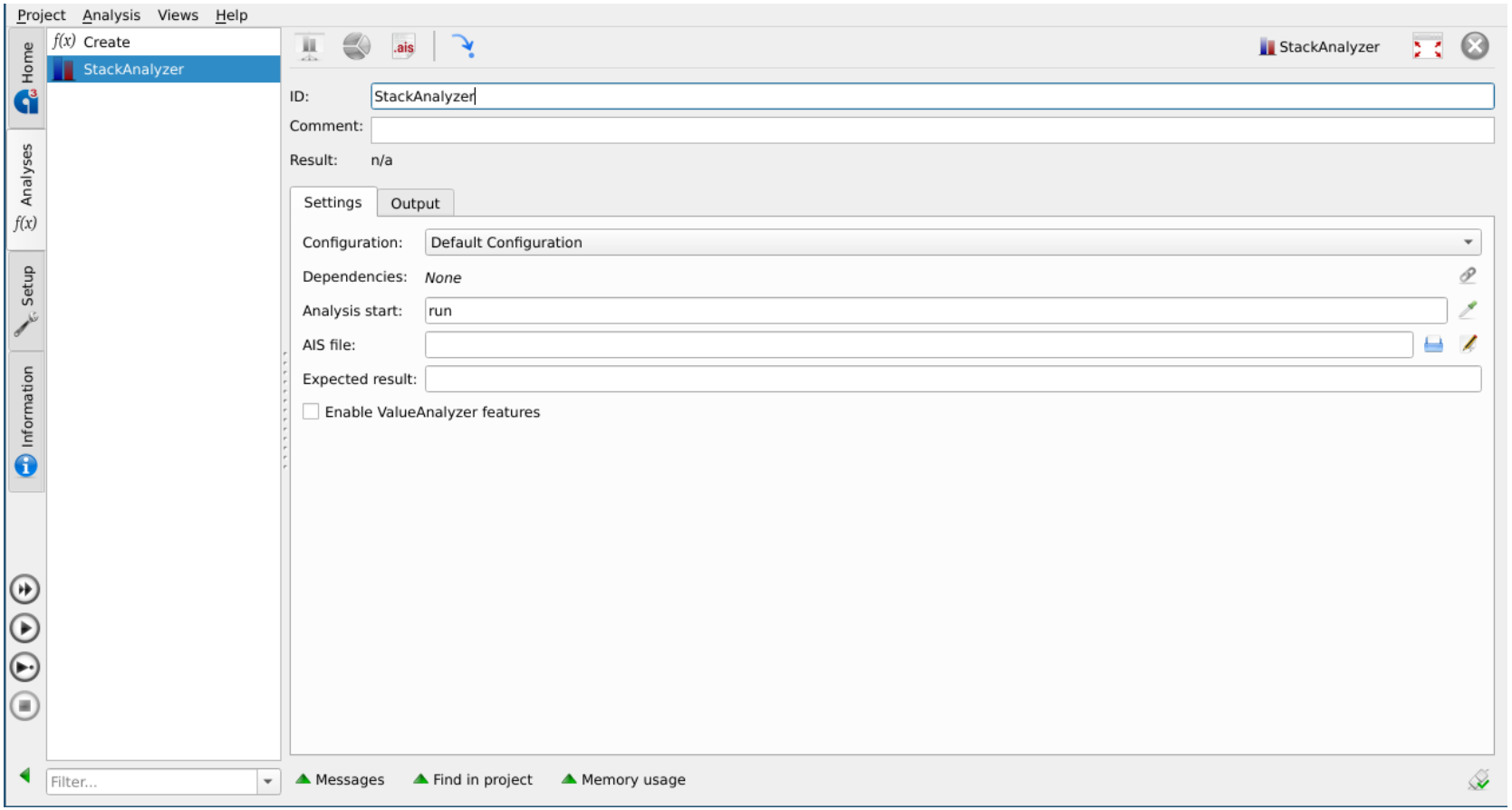
a³ Analyzer – Hardware Auswählen



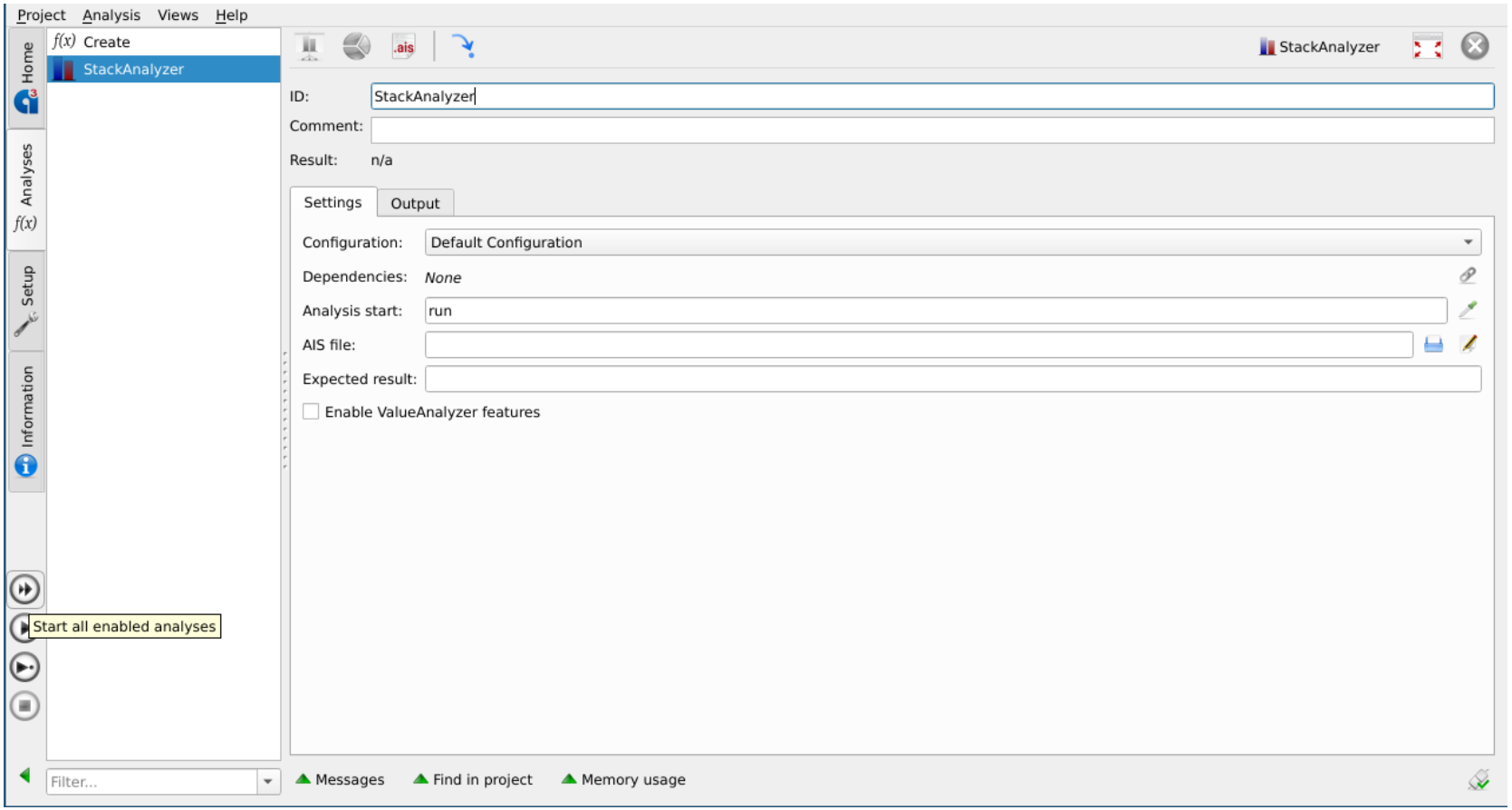
a^3 Analyzer – Stack-Analyse Selektieren



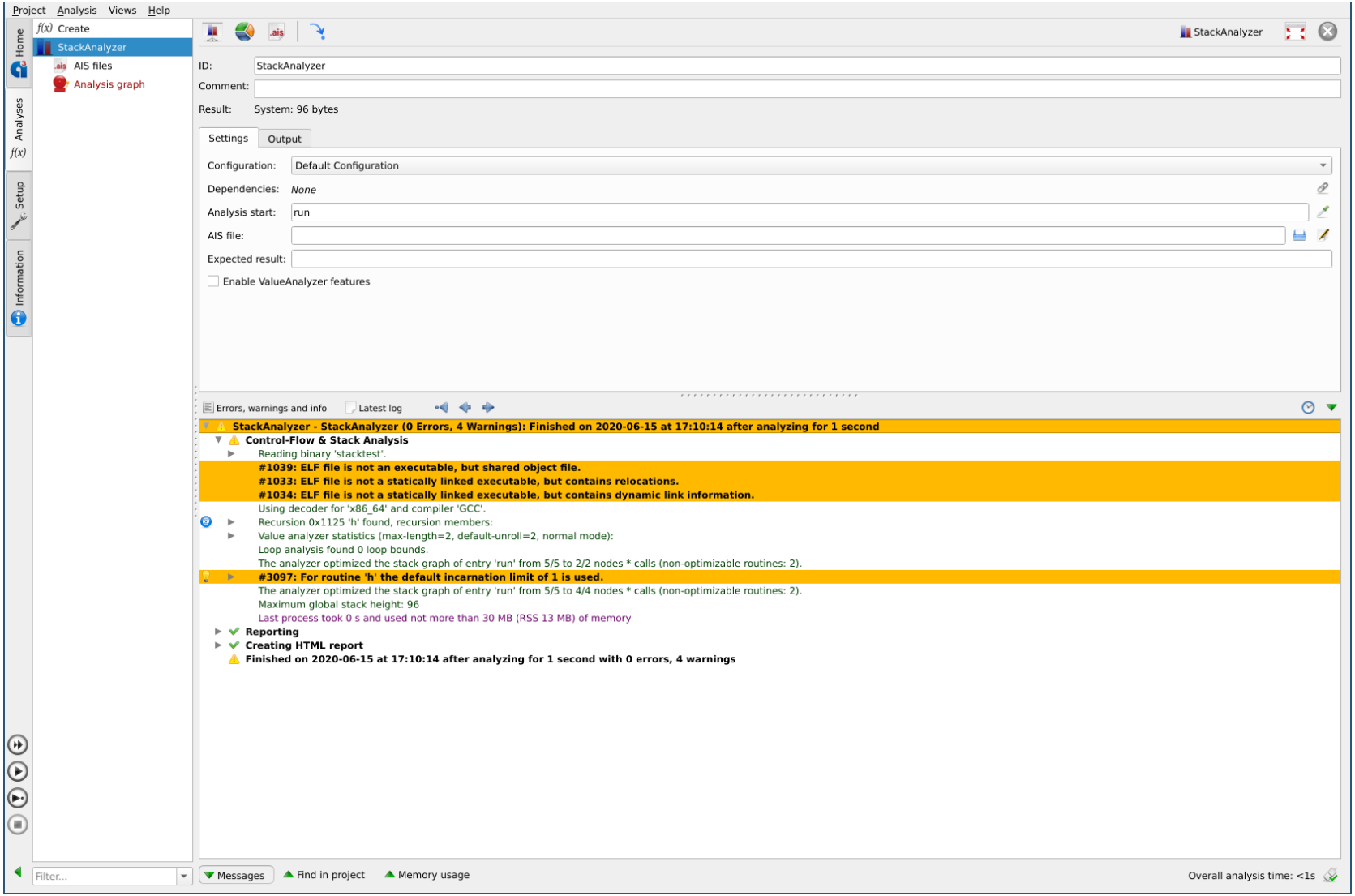
a^3 Analyzer – Funktion Auswählen



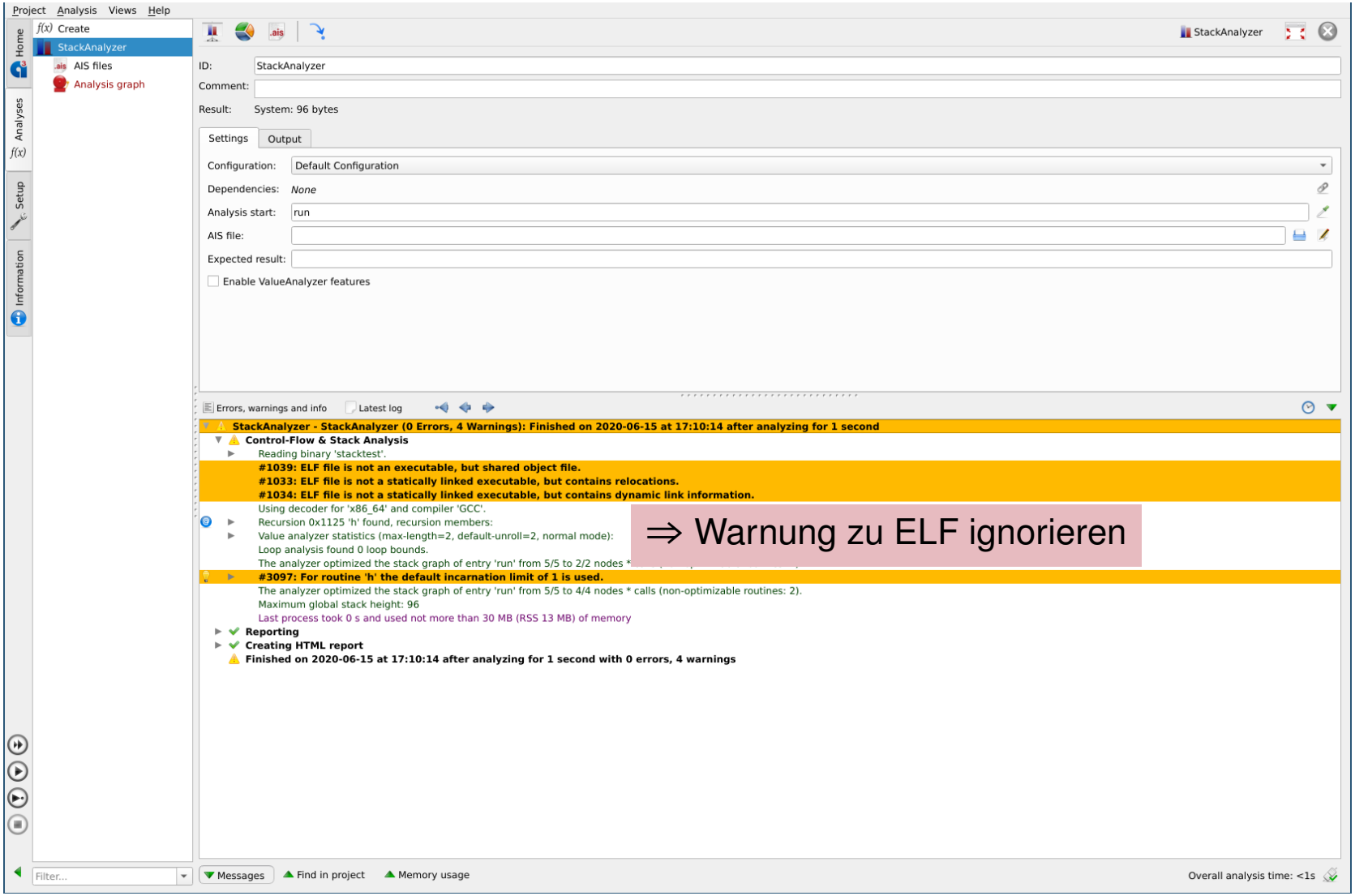
a^3 Analyzer – Stack-Analyse Starten



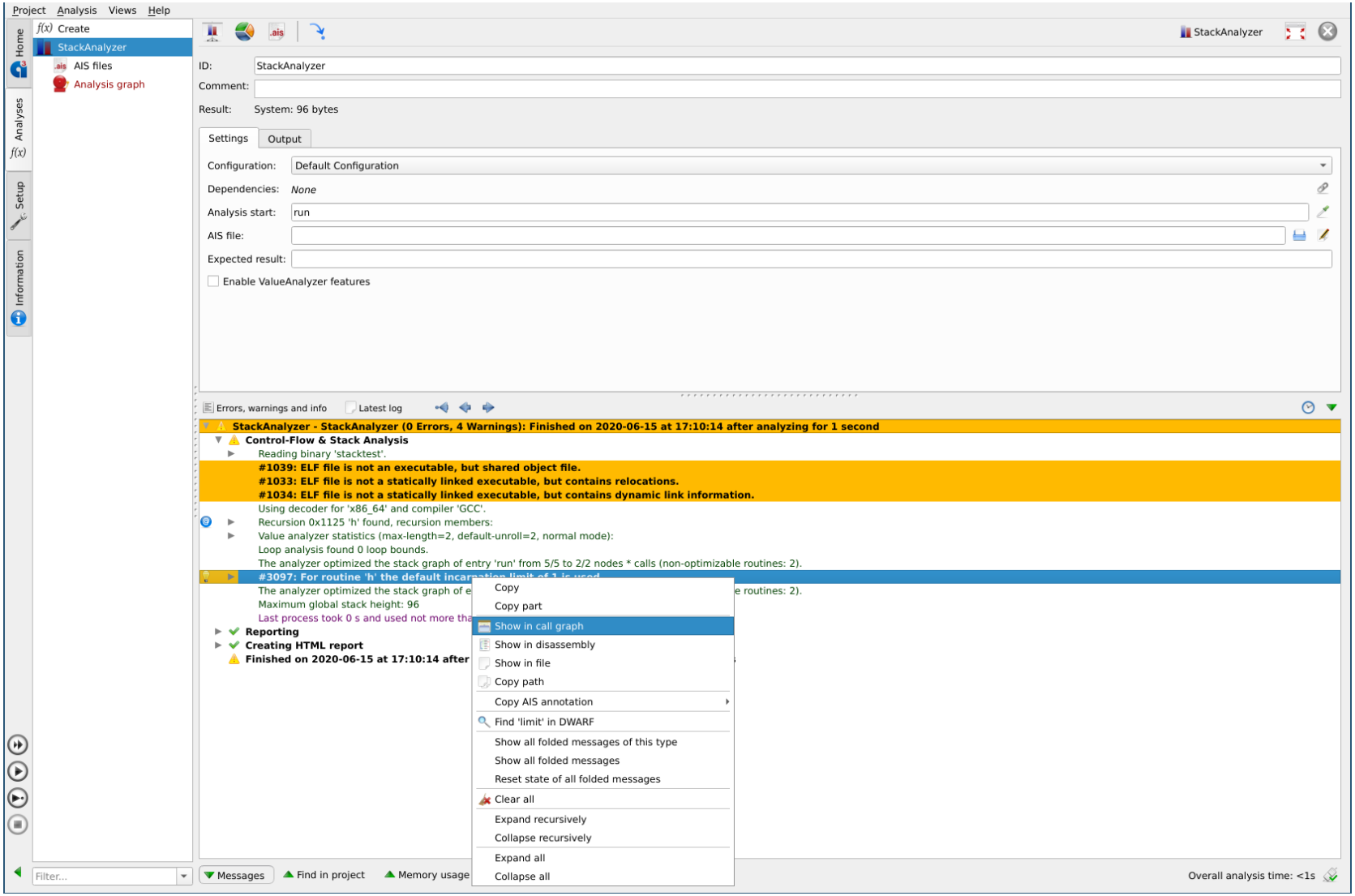
a^3 Analyzer – Analyseoutput



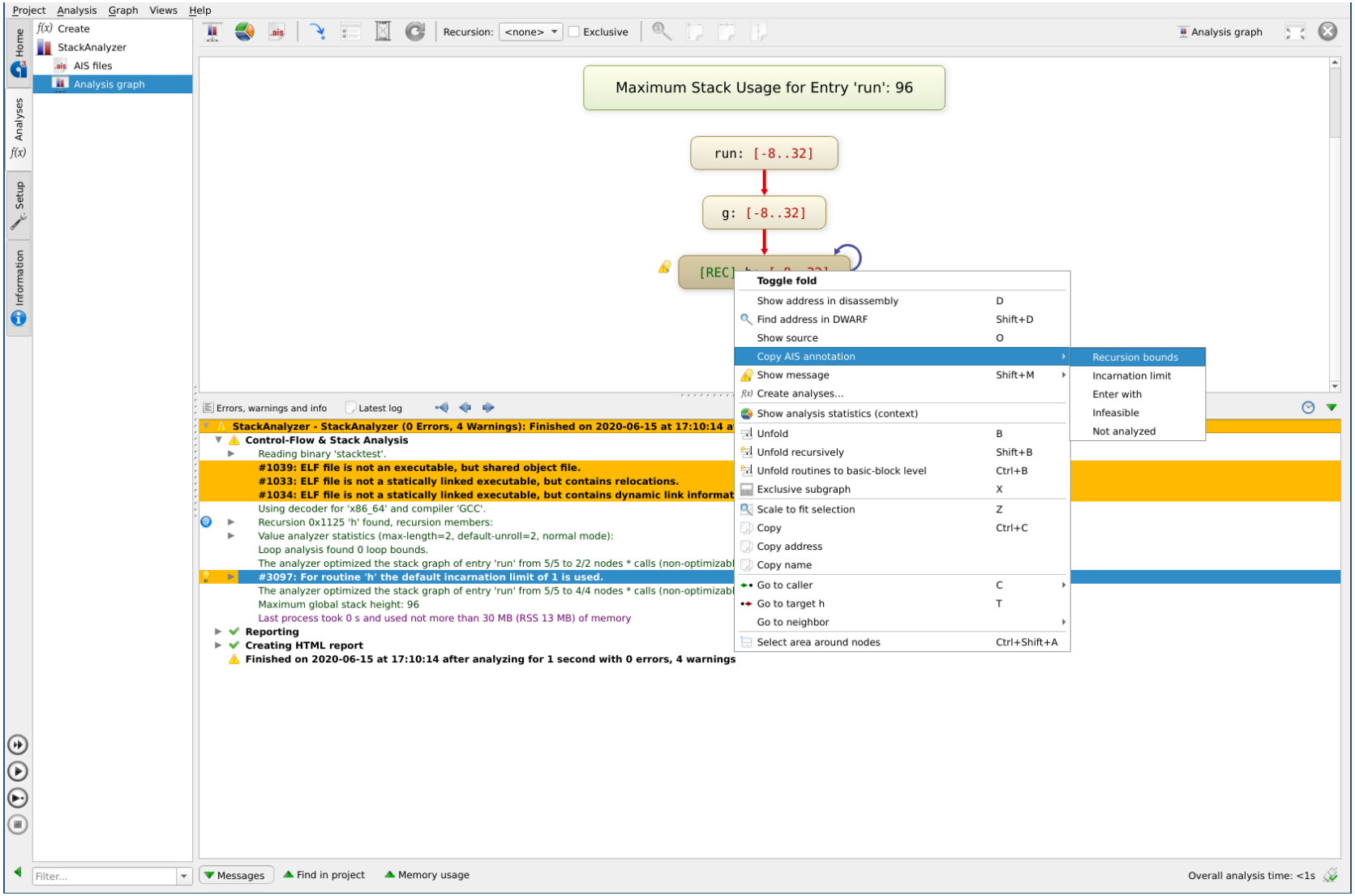
a^3 Analyzer – Analyseoutput



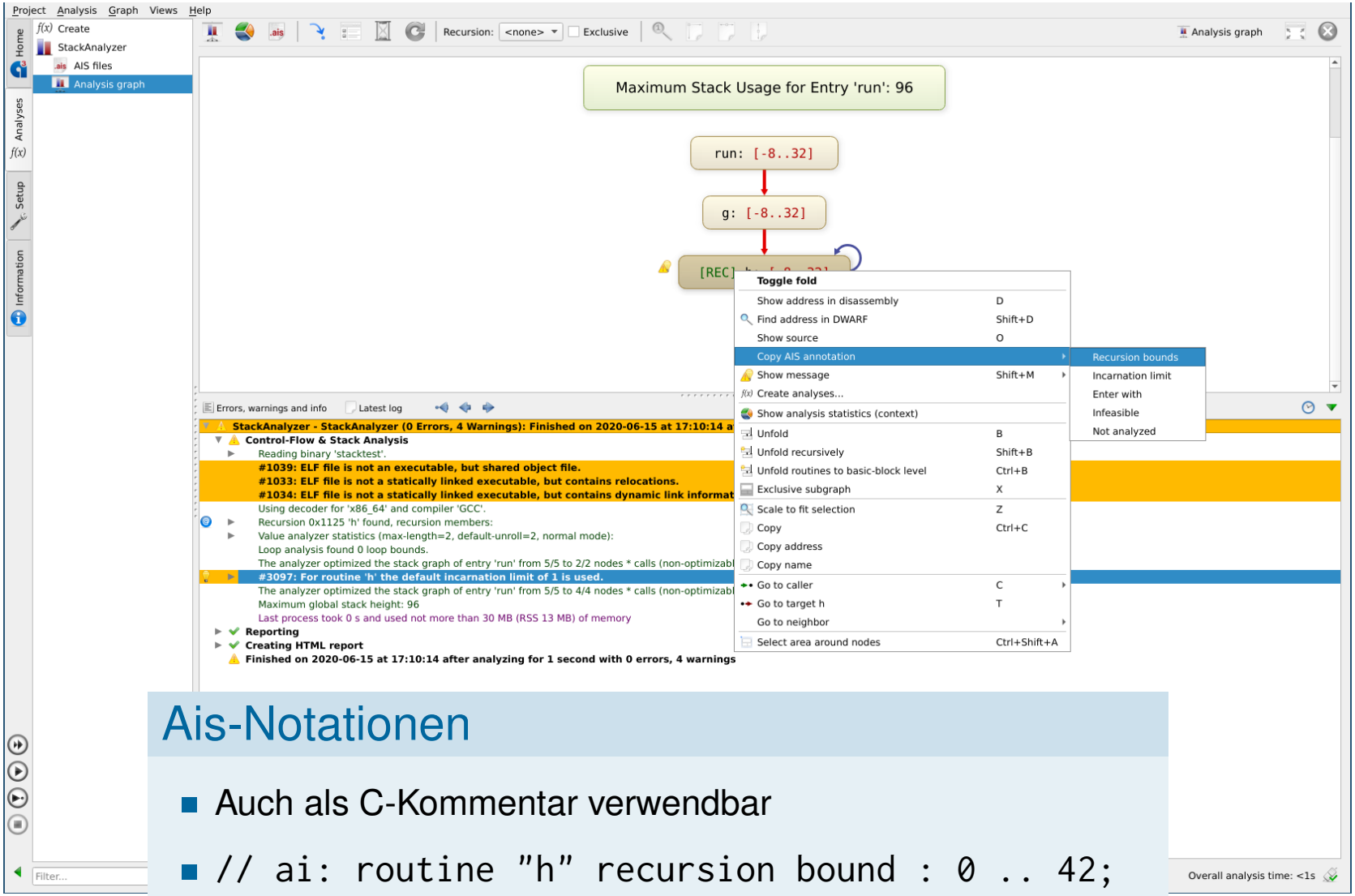
a³ Analyzer – Callgraph



a³ Analyzer – Annotationstemplate kopieren



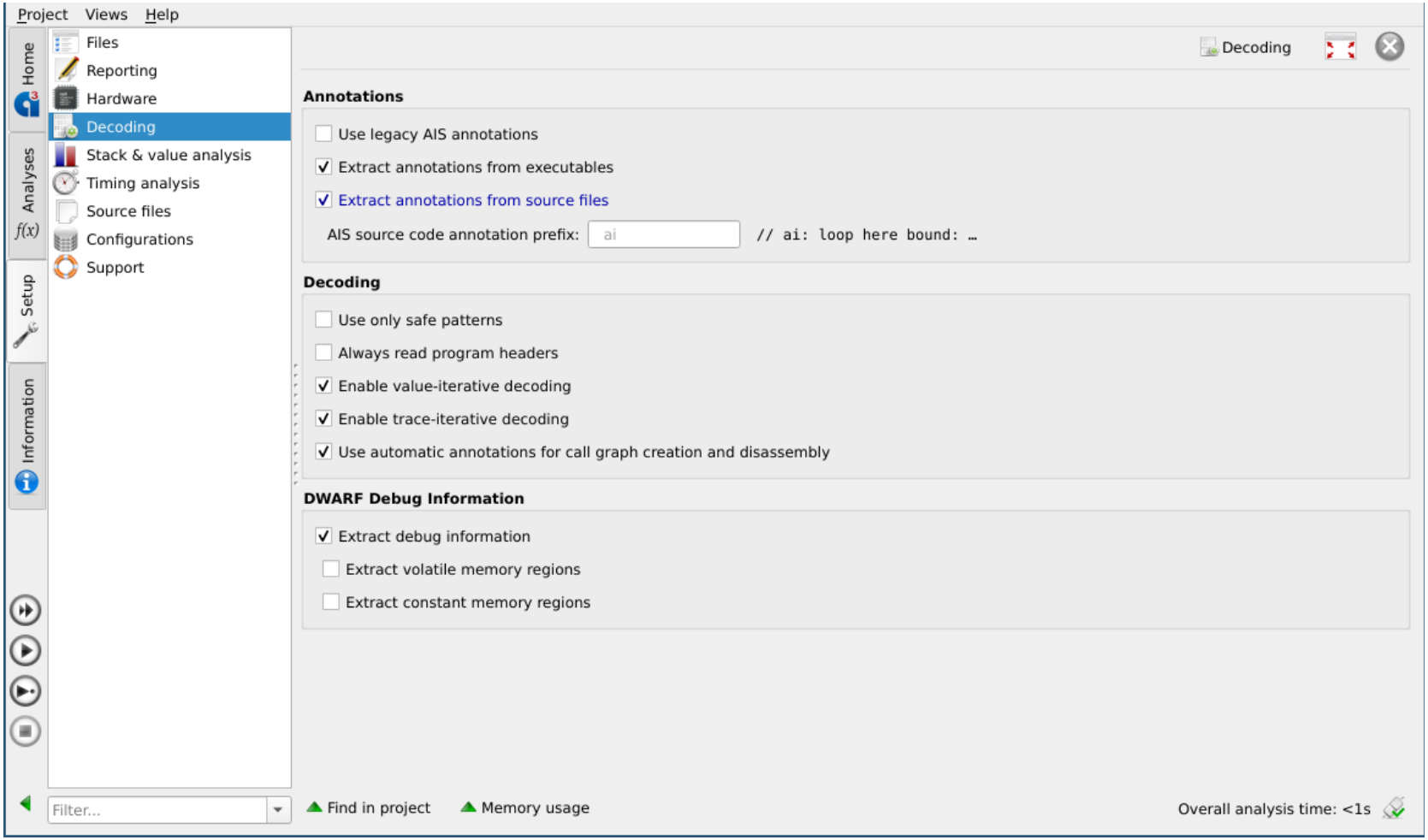
a³ Analyzer – Annotationstemplate kopieren



Ais-Notationen

- Auch als C-Kommentar verwendbar
- `// ai: routine "h" recursion bound : 0 .. 42;`

a^3 Analyzer – Kommentar-Parsing Aktivieren



Aufgabenstellung

- Existierende Implementierung: Array-Datenstruktur
- Vorgegebene Funktionen: Sortieren, Maximumssuche, ...
- Aufgaben

1. Dynamische Analyse
   - 1.1 Thread erstellen
   - 1.2 Stack initialisieren
   - 1.3 Programm (mit Eingabedaten) ausführen
   - 1.4 Stackverbrauch messen
2. Statische Analyse
   - 2.1 ILP aus Aufrufgraph aufstellen
   - 2.2 Mittels `lp_solve` lösen
   - 2.3 Analyse mittels a^3 Stack-Analyzer